

TERCER  
ENCUENTRO COLOMBIANO  
DE EDUCACIÓN ESTOCÁSTICA

Experiencias de aula para la Educación Estadística

# MEMORIAS

## **Editores**

Asociación Colombiana de Educación Estocástica

## **Corrección de estilo**

Ingrith Álvarez Alfonso

## **Diseño de logo**

Fundación Universitaria Los Libertadores

## **Diseño y diagramación de portada y portadillas**

Fundación Universitaria Los Libertadores

ISSN: 2390-0172 (En línea)

© 2018 Asociación Colombiana de Educación Estocástica – ACEdEst

© 2018 Autores

Octubre 2018

Se autoriza la reproducción total o parcial de algún artículo, previa cita a la fuente:  
Álvarez, I. (Ed.). (2018). Memorias del III Encuentro Colombiano de Educación Estocástica. Popayán, Colombia: Asociación Colombiana de Educación Estocástica.

---

## PRESENTACIÓN

---

Durante los días 8, 9 y 10 de octubre del año 2018 se llevó a cabo el Tercer Encuentro Colombiano de Educación Estocástica [3°ECEE] en la ciudad de Popayán, departamento del Cauca, Colombia. Evento que reunió a importantes investigadores locales y extranjeros, así como a estudiantes y docentes de distintas ciudades de Colombia, en torno a la enseñanza y aprendizaje de la Estadística y la Probabilidad, esto como aporte al desarrollo del pensamiento aleatorio.

Dado que las dos primeras ediciones se realizaron en la capital del país, Bogotá, el evento tenía una marca muy particular de centralismo, por lo que esta vez la Asociación Colombiana de Educación Estocástica [ACEdEst] decidió trasladarse a la ‘Ciudad Blanca’ con el ánimo de extender hacia las regiones las experiencias de aula de los participantes, y así brindar a los docentes en formación y en ejercicio, que se encuentran a cientos de kilómetros de la capital, la posibilidad de acceder a herramientas y experiencias importantes para enriquecer la formación integral a sus estudiantes.

La participación de cerca de 130 personas, entre estudiantes de Licenciatura en Matemáticas, docentes universitarios, de básica y media, e investigadores que viajaron desde ciudades como Pasto, Cali, Bucaramanga, Bogotá, entre otras, demuestra el creciente interés en la Estocástica y la necesidad de fortalecer uno de los ejes fundamentales de la formación en matemáticas en todos los niveles educativos.

Este Tercer Encuentro contó con la participación de invitados del más alto nivel, quienes compartieron, con los asistentes, conferencias como:

- *¿Cómo desarrollar el sentido del muestreo en los estudiantes?* María del Carmen Batanero, María Gea y Nuria Begué.
- *Importancia del contexto en la formación del pensamiento estadístico.* Roberto Behar Gutiérrez.
- *Reflexões sobre o ensino e aprendizagem da Estatística na Educação Básica.* Sandra Vilas Boas y María Lucía Lorenzetti.
- *Medios de comunicación y educación estadística.* Pedro Rocha Salamanca.
- *Investigaciones estadísticas para la formación de ciudadanos críticos.* Lucía Zapata Cardona.

Como reconocimiento a sus aportes a la enseñanza de la Estocástica, este año se rindió homenaje al profesor de la Universidad del Valle, Roberto Behar Gutiérrez, quien es Maestro en Ciencias en Estadística y Doctor en Ciencias Matemáticas. Su tesis doctoral

“Aportaciones para la mejora del proceso de enseñanza y aprendizaje de la Estadística” fue catalogada *Cum Laude*. Además de sus actividades de formación en Estadística, especialmente a ingenieros y licenciados en educación matemática, su preocupación permanente ha sido la difusión de la Estadística y la Didáctica de la Estadística, lo cual le ha valido el Premio Anual al Educador del Año 2012, otorgado por la Fundación Juárez, Lincoln Martí [JLM].

El fruto de este Encuentro deja en nuestras manos sus Memorias, las cuales acopian un total de seis (6) conferencias, cinco (5) talleres, veinticinco (25) comunicaciones breves, y cuatro (4) póster, para un total de cuarenta (40) documentos, en donde se registran experiencias académicas compartidas a lo largo de estos tres días y que son fruto de los esfuerzos de la comunidad de educadores estadísticos, quien ha tenido como compromiso la promoción y divulgación de sus investigaciones, para motivar a que las nuevas generaciones de estudiantes para profesor de Estadística se interesen por conocer más sobre un campo de conocimiento que año tras año gana terreno e impacta la formación del pensamiento crítico de los ciudadanos.



---

## ORGANIZACIÓN DEL ENCUENTRO

---

### COMITÉ ORGANIZADOR

#### Universidad Pedagógica Nacional

Ingrith Álvarez Alfonso (Coordinadora General)

Jeisson Camilo Sua Flórez

Karen Torres Mondragón

#### Escuela Colombiana de Ingeniería Julio Garavito

Carlos Abel Álvarez Pérez

#### Universidad Los Libertadores

Vladimir Alfonso Ballesteros Ballesteros

#### Universidad Industrial de Santander

Tulia Ester Rivera Flórez

#### Universidad del Cauca

Yilton Riascos Forero

### COMITÉ CIENTÍFICO

NOMBRE	PAÍS	INSTITUCIÓN
Ana Serradó Bayés	España	Colegio La Salle Buen Consejo - Cádiz
Antonio Estepa Castro	España	Universidad de Jaén
Arsenio Hidalgo Troya	Colombia	Universidad de Nariño
Audy Salcedo	Venezuela	Universidad Central de Venezuela
Blanca Rosa Ruíz Hernández	México	Tecnológico de Monterrey
Celso Ribeiro Campos	Brasil	Pontificia Universidade Católica de São Paulo
Cileda de Queiroz e Silva Coutinho	Brasil	Pontificia Universidade Católica de São Paulo
Claudia Vásquez Ortiz	Chile	Pontificia Universidad Católica de Chile
Diego Díaz Enríquez	Colombia	Universidad de Valle
Edwin Chávez Esquivel	Costa Rica	Universidad de Costa Rica

Felipe Jorge Fernández Hernández	Colombia	Universidad Pedagógica Nacional
Félix Núñez Vanegas	Costa Rica	Tecnológico de Costa Rica
Giovanni Sanabria Brenes	Costa Rica	Tecnológico de Costa Rica
Guillermo Martínez Flórez	Colombia	Universidad de Córdoba
Gustavo Raúl Cañadas de la Fuente	España	Universidad de Granada
Hugo Alejandro Alvarado Martínez	Chile	Universidad Católica de la Santísima Concepción
Jeisson Camilo Sua Flórez	Colombia	Universidad Pedagógica Nacional
Jenny Patricia Acevedo Rincón	Colombia	Universidad de Campinas
Jesús Humberto Cuevas Acosta	México	Instituto Tecnológico de Chihuahua II
Jhon Jairo Zabala	Colombia	Universidad del Tolima
John Edward Forigua Parra	Colombia	Fundación Universitaria Los Libertadores
José Miguel Contreras García	España	Universidad de Granada
José Ortiz Buitrago	Venezuela	Universidad de Carabobo
Juan Carlos Rubriche Cárdenas	Colombia	Fundación Universitaria Los Libertadores
Julia Sanoja de Ramírez	Venezuela	Universidad Pedagógica Experimental Libertador
Julián Andrés Agredo Echeverry	Colombia	Escuela Colombiana de Ingeniería Julio Garavito
Liliana García Barco	Colombia	Universidad Sergio Arboleda
Liliana Mabel Tauber	Argentina	Universidad Nacional del Litoral - Santa Fé de la Vera Cruz
Manuel Francisco Romero Ospina	Colombia	Fundación Universitaria Los Libertadores
Marcos Nascimento Magalhães	Brasil	Universidade de São Paulo
Mario Olguín Scherffig	Chile	
Maritza Méndez Reina	Colombia	Universidad Pedagógica Nacional
Mauren Porciúncula Moreira Da Silva	Brasil	Sociedade Brasileira de Educação Matemática
Nelly León Gómez	Venezuela	Universidad Pedagógica Experimental Libertador

Otávio Roberto Jacobini	Brasil	Pontificia Universidade Católica de Campinas
Pedro Rocha Salamanca	Colombia	Universidad Distrital Francisco José de Caldas
Raimundo Olfos Ayarza	Chile	Pontificia Universidad Católica de Valparaíso
Roberto Behar Gutiérrez	Colombia	Universidad del Valle
Santiago Insunza Cazares	México	Universidad Autónoma de Sinaloa
Sébastien Lozano Forero	Colombia	Fundación Universitaria Los Libertadores
Sergio Hernández González	México	Universidad Veracruzana
Tulia Ester Rivera Flórez	Colombia	Universidad Industrial de Santander
Yesid Esteban Clavijo Penagos	Colombia	Escuela Colombiana de Ingeniería Julio Garavito
Yilton Riascos Forero	Colombia	Universidad del Cauca
Yuli Marsela Vanegas Muñoz	España	Universidad de Barcelona



### ENTIDADES PATROCINADORES

ACEdEst

ACOFI

Colciencias

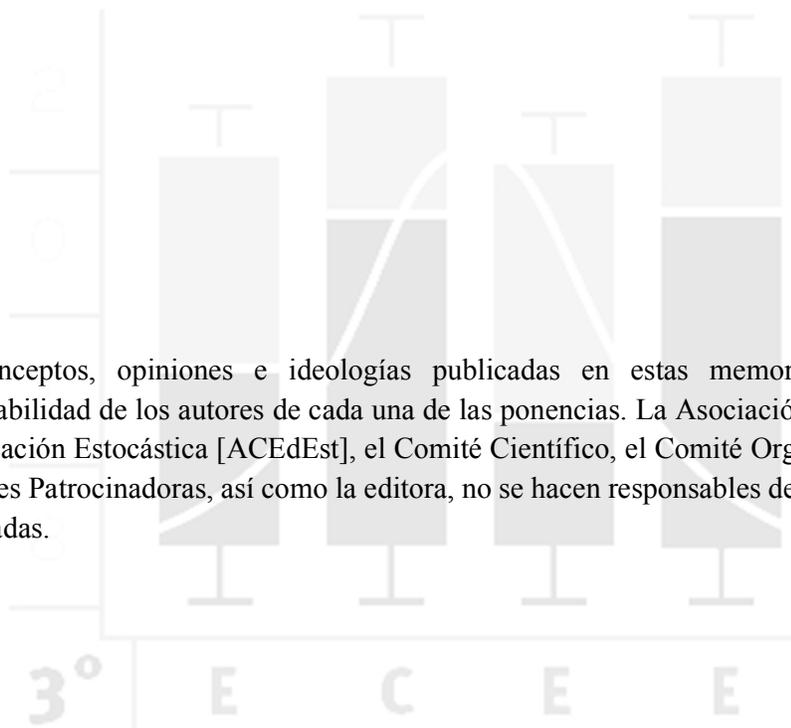
ICETEX

CASIO

STATUR Group

Belpapel

Los conceptos, opiniones e ideologías publicadas en estas memorias son total responsabilidad de los autores de cada una de las ponencias. La Asociación Colombiana de Educación Estocástica [ACEdEst], el Comité Científico, el Comité Organizador y las Entidades Patrocinadoras, así como la editora, no se hacen responsables de las ideas aquí presentadas.



ENCUENTRO COLOMBIANO  
DE EDUCACIÓN ESTOCÁSTICA

Experiencias de aula para la Educación Estadística

---

## CONTENIDO

---

	pág.
<b>CONFERENCIAS</b> .....	10
¿Cómo desarrollar el sentido del muestreo en los estudiantes?.....	11
Estrategias didácticas para mejorar las heurísticas endebles en estocástica mostradas por profesores en formación .....	23
Reflexões sobre o ensino e a aprendizagem da Estatística na Educação Básica.....	52
Un experimento de diseño para la introducción al razonamiento sobre contraste de hipótesis en el bachillerato .....	72
Importancia del contexto en la formación del pensamiento y la cultura estadística...	85
<b>TALLERES</b> .....	111
Uso de Fathom para la construcción de intervalos de confianza dinámicos .....	112
Jogos e brincadeiras para ensinar Probabilidade e Estatística.....	125
Construyendo la distribución muestral desde un enfoque de muestreo repetido .....	148
Histograma: mucho más que una representación gráfica.....	161
¿Sabes leer e interpretar gráficos estadísticos?.....	175
<b>COMUNICACIONES BREVES</b> .....	198
El papel de la cobertura mediática en las estimaciones estadísticas distorsionadas.	199
La reflexión en la formación inicial de maestros de Estadística: un estudio piloto..	208
Formas de razonamiento covariacional informal alrededor de la recta de mejor ajuste en un ambiente computacional en estudiantes de octavo grado .....	220
Regresión cuantílica aplicada en educación en Colombia .....	230
Uso de herramientas metacognitivas para la detección de falacias de probabilidad	235
El papel del Bootstrap paramétrico en el desarrollo del razonamiento inferencial informal asociado a intervalos de confianza .....	244
Enfoque teórico para el desarrollo del Pensamiento Aleatorio y la Formación Ciudadana - dimensión de convivencia y paz, en aulas aceleradas .....	254
Juegos con dados: una experiencia en aula desde la experimentación y la simulación .....	264
Educación Estadística y Educación en Ciencias Naturales y Ciencias Sociales a través de problemáticas ambientales para la formación ciudadana: un enfoque teórico ....	274
Materiales educativos usados en Estadística. Caso CEIPA .....	284

Una experiencia de enseñanza para abordar la desviación media con estudiantes de secundaria.....	294
Idoneidad instruccional de procesos formativos programados sobre Didáctica de la Estadística.....	303
Dificultades de los estudiantes al abordar una situación didáctica sobre el concepto de variable aleatoria.....	312
Desarrollo de competencias ciudadanas y pensamiento estadístico en el paso de lo unidimensional a lo bidimensional. ....	322
Estilos de aprendizaje y ansiedad matemática: Investigación exploratoria-descriptiva .....	332
GeoGebra y Estadística: el caso de la regresión y la interpolación polinomial .....	343
Reflexiones acerca de la enseñanza de la Estadística desde un enfoque interdisciplinar .....	354
¿Cuál es la calidad del agua que tomamos?: Un aporte de la Educación Estadística Crítica en estudiantes de básica primaria .....	366
Variación estadística: Un estudio con profesores en ejercicio .....	375
Concepción de probabilidad frecuencial en GeoGebra: ejemplo en la distribución binomial.....	385
Elementos del significado del concepto de muestreo estadístico en prácticas investigativas de estudiantes universitarios.....	392
significado de la media aritmética y el uso de la palabra promedio en estudiantes de 11° grado .....	399
Selección de un modelo TRI para describir las percepciones de los estudiantes respecto a la calidad de los docentes de la Fundación Universitaria Los Libertadores.....	410
Tres problemas clásicos de probabilidad contemporáneos .....	420
Desarrollando pensamiento combinatorio y pensamiento algorítmico en el aula de clase .....	432
<b>PÓSTERES</b> .....	442
Una carrera de autos para detectar sesgos en el razonamiento probabilístico de niños de cuarto grado .....	443
Razonamiento probabilístico informal y toma de decisiones: El caso de las rifas solidarias.....	446
Secuencia didáctica para la enseñanza de la probabilidad frecuentista y clásica para estudiantes de grado 9°.....	449

## ¿SABES LEER E INTERPRETAR GRÁFICOS ESTADÍSTICOS?

**Fredy Alexander, Barajas Prieto**

[fabarajasp@upn.edu.co](mailto:fabarajasp@upn.edu.co)

Universidad Pedagógica Nacional (Colombia)

**Luisa Yesenia, Salinas Vanegas**

[dma\\_lysalinasv038@pedagogica.edu.co](mailto:dma_lysalinasv038@pedagogica.edu.co)

Universidad Pedagógica Nacional (Colombia)

**Ingrith, Álvarez Alfonso**

[ialvarez@pedagogica.edu.co](mailto:ialvarez@pedagogica.edu.co)

Universidad Pedagógica Nacional (Colombia)

**Asunto:** Desarrollo del pensamiento aleatorio

**Temática:** Análisis de datos

### RESUMEN

*El proceso de leer e interpretar gráficos estadísticos es una capacidad importante para que un individuo pueda analizar e inferir información que se presenta en la vida cotidiana a través de los medios de comunicación. Por tanto, a través de las actividades propuestas en este taller se pretende, por un lado dar pautas para que los participantes lean e interpreten gráficos estadísticos de manera acertada, contribuyendo así a la formación de ciudadanos estadísticamente cultos; y por otro, dar a conocer los niveles de lectura e interpretación que se proponen desde la teoría, con el fin de que los asistentes los asuman como una opción de referencia al momento de desarrollar el Pensamiento Aleatorio en el aula de matemáticas.*

175

### PALABRAS CLAVE

Pensamiento Aleatorio, Lectura de gráficos estadísticos, Interpretación de gráficos estadísticos, Ciudadanos estadísticamente cultos.

### INTRODUCCIÓN

Con el paso del tiempo cada vez se está más expuesto a información presentada en gráficos estadísticos, los cuales son dados a conocer a través de diversos medios de comunicación. Por consiguiente, se hace importante y necesario leer e interpretar este tipo de gráficos de manera acertada, para tener la capacidad de tomar decisiones basadas en los datos, lo que Gal (2002) ha denominado como la capacidad de interpretar y evaluar críticamente la información estadística presentada en medios de comunicación. Por tanto, y con el fin de contribuir con la formación de ciudadanos estadísticamente cultos se

implementa un taller cuyo objetivo es permitir a los asistentes conocer estrategias para leer e interpretar gráficos estadísticos. El taller consta de doce (12) gráficos estadísticos que tratan asuntos de la vida cotidiana, tales como educación, deportes, entretenimiento y política. Con dos (2) de los gráficos estadísticos se busca que los asistentes identifiquen los elementos que lo constituyen, puesto que estos se consideran como punto de partida para una buena lectura e interpretación, además de brindarle al ciudadano una manera de validar la veracidad de los datos y su relación directa con el contexto.

Esto significa que es necesario que una persona culta fuese capaz de comprender la información expresada en los [gráficos], aunque esta competencia no es sencilla, pues para ello es necesario conocer los elementos estructurales de los distintos gráficos estadísticos, que varían de unos gráficos a otros y cuya identificación permite una posterior interpretación y lectura del gráfico (Arteaga, 2011, p.109).

Luego, siguiendo algunas de las características de la metodología de enseñanza Escenarios de Aprendizaje propuesta por Azcarate y Cardeñoso (2011) y las recomendaciones de la GAISE (*Guidelines for Assessment and Instruction in Statistics Education*) propuesta por Franklin, Kader, Newborn, Moreno, Peck, Perry y Scheaffer (2007), se busca que a medida que los asistentes vayan formulando afirmaciones en cuanto a la información brindada en los gráficos estadísticos, se genere un espacio de realimentación enfocado en dar a conocer, a partir de la práctica, los niveles de lectura e interpretación de gráficos propuestos por Gerber, Boulton-Lewis y Bruce (1995) citados por Arteaga (2011).

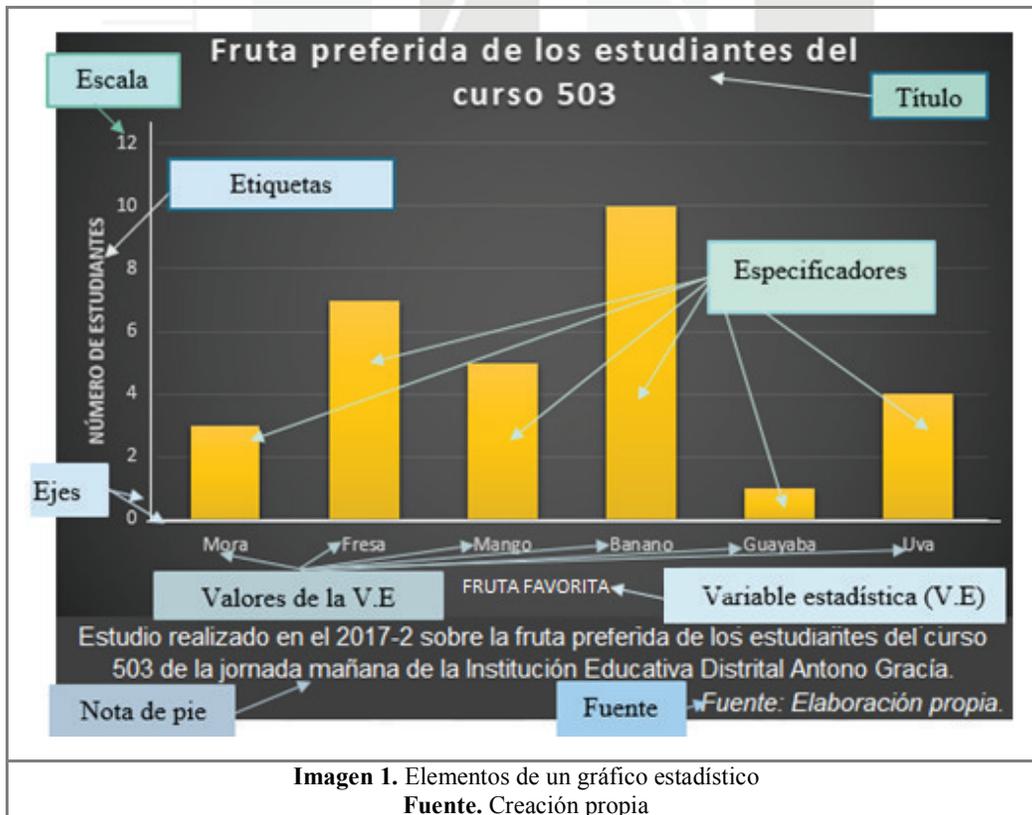
## MARCO DE REFERENCIA

La educación en estadística ha tenido cada vez más importancia en la formación del ciudadano, puesto que los conocimientos básicos que se adquieren sobre este campo del conocimiento contribuyen paulatinamente a su cultura estadística, a la de la sociedad, y por ende, a la de la nación. Así, se es un ciudadano estadísticamente culto si se desarrolla la capacidad de interpretar y evaluar críticamente la información estadística presentada en medios de comunicación, esto es, leer, interpretar, emitir conclusiones y tomar decisiones desde la información reportada en gráficos, y textos con lenguaje y simbología estadística; además de poder comunicar o discutir sobre dicha información, haciendo uso del lenguaje propio de la Estadística y fundamentando los argumentos en los datos y no en opiniones. Lo mencionado anteriormente se denomina, según Gal (2002), habilidades básicas de un ciudadano estadísticamente culto.

El desarrollo de estas habilidades se podría categorizar en tres ámbitos, Alfabetización estadística, Razonamiento estadístico y Pensamiento estadístico. La primera, según

Tauber (2010) hace referencia al conjunto de destrezas mínimas que posee una persona en el ámbito de la Estadística, donde una de estas es leer e interpretar gráficos estadísticos; con la segunda siguiendo a Batanero (2002), una persona evidencia el Razonamiento estadístico si tiene la capacidad de poder “jugar en contexto” con los datos y los gráficos estadísticos, teniendo en cuenta la variabilidad y la información presentada en cada uno de ellos. Por último, el conjeturar, refutar o inferir frente a la información reportada en los gráficos, hace parte del Pensamiento estadístico, según lo afirma Tauber (2010).

Así, una persona se considera estadísticamente culta si controla la toma de decisiones apoyándose en información estadística, pues desde la interpretación puede hacer comparaciones y mirar qué es lo más viable en una determinada situación. De acuerdo con Arteaga (2011) una adecuada lectura e interpretación de los gráficos estadísticos empieza por la identificación de los elementos constitutivos del gráfico, los cuales, basados en Friel, Curcio y Bright (2001) citados por Arteaga (2011) se describen en la Imagen 1 y Tabla 1.



Elementos	Descripción	Ejemplo
-----------	-------------	---------

<p>Título</p>	<p>A través del título se tiene un primer acercamiento al contexto de los datos y la información reportada en el gráfico estadístico.</p>	<p><b>Fruta preferida de los estudiantes del curso 503</b></p>
<p>Variable(s) estadística(s)</p>	<p>Nombre de la variable (o variables) estadística que se involucra en el estudio y de la cual se da información por medio del gráfico.</p>	<p><b>FRUTA FAVORITA</b></p>
<p>Valores que toma(n) la(s) variable(s)</p>	<p>Son las diferentes modalidades (valores o categorías) que toma la variable estadística.</p>	<p>Banano      Guayaba      Uva Mora      Fresa      Mango</p>
<p>Ejes</p>	<p>Los ejes de un gráfico son el sistema de referencia de este. No todos los gráficos cuentan con ejes, pues en el pictograma solo hay un eje dado que en este se representan los valores que toma la variable estadística y por medio de la representación icónica se está informando sobre la frecuencia de dichos valores. En el gráfico circular no hay ejes porque en este se representa las frecuencias de los valores/categorías que toma la variable estadística mediante una porción angular que es la proporción entre la frecuencia y los grados de esta porción.</p>	
<p>Etiquetas</p>	<p>En las etiquetas se muestra parte del contenido contextual del gráfico y las variables estadísticas involucradas en el estudio.</p>	<p><b>NÚMERO DE ESTUDIANTES</b> <b>FRUTA FAVORITA</b></p>
<p>Escala</p>	<p>Refiere la magnitud en la que se ha medido la variable estadística, en este caso particular la escala es de 2 en 2 hasta 12, y refiere a la cantidad de estudiantes.</p>	<p>12    10    8    6    4    2    0</p>
<p>Unidades de medida</p>	<p>Indica las unidades de medida de la frecuencia que toma cada valor de la(s) variable(s) estadística(s).</p>	<p>Por la naturaleza del ejemplo no se hace explícita la unidad de medida, pues el número de personas se representa por medio de un número natural (podría decirse que la unidad es ‘cantidad de personas’). Por ejemplo, en el gráfico de línea se trabaja con unidades referidas en algún sistema de medida como el MKS o el CGS.</p>

<p>Especificadores</p>	<p>Son los elementos que se emplean para representar los datos o sus frecuencias (por ejemplo: rectángulos/barras, líneas, puntos, íconos, etc.).</p>	<p>En el ejemplo de la Imagen 1, los rectángulos que corresponden a cada barra son los especificadores, donde su altura representa la frecuencia de alguno de los valores que toma la variable estadística inmersa en el estudio.</p>
<p>Nota de pie</p>	<p>Anotación que brinda información sobre el contexto en el cual se llevó a cabo el estudio estadístico y del cual se generaron los datos.</p>	<p>Estudio realizado en el 2017-2 sobre la fruta preferida de los estudiantes del curso 503 de la jornada mañana de la Institución Educativa Distrital Antono Gracia.</p>
<p>Fuente</p>	<p>A partir de la fuente se puede validar la veracidad de los datos y la información presentada en el gráfico estadístico. Esta da a conocer la entidad u organismo que recoge o proporciona los datos a partir de los cuales se construye el gráfico estadístico.</p>	<p>Fuente: Elaboración propia.</p>
<p>Fondo</p>	<p>Elementos auxiliares entre los cuales se encuentran las líneas que ayudan a visualizar el valor de cada especificador y el fondo en sí.</p>	
<p><b>Tabla 1.</b> Elementos de un gráfico estadístico <b>Fuente.</b> Creación propia</p>		

Friel, Curcio y Bright (2001) citados por Arteaga (2011) clasifican los especificadores de acuerdo con su dificultad para leerlos e interpretarlos, pues no todos son fáciles de comprender. Los organizan según se expone en la Tabla 2.

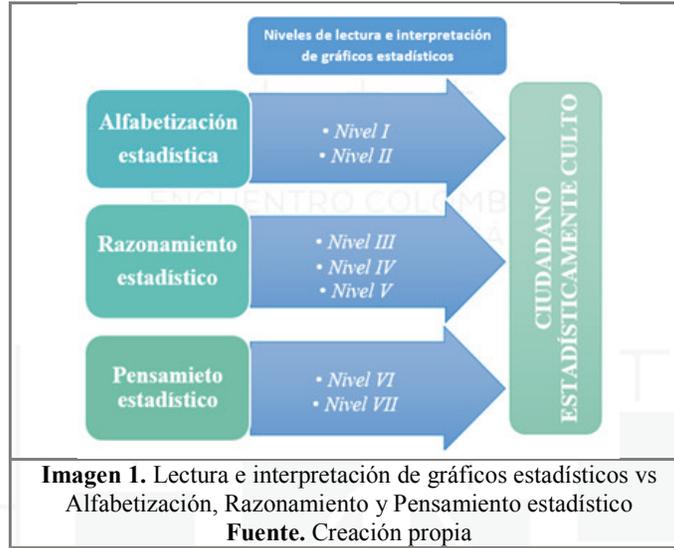
Nivel	Especificador		Ejemplos
1	Posición	Escala homogénea	gráficos de línea, barras, puntos, algunos pictogramas e histogramas
2		Escala no homogénea	gráficos polares, gráficos bivariantes
3		Longitud	gráficos de radar sin ejes de referencia
4		Ángulo o pendiente	gráfico de circular, discos
5		Área	pictogramas, burbuja
6		Volumen	cubos, cartogramas
7		Color	cartogramas codificados mediante color
<p><b>Tabla 2.</b> Tipos de especificadores <b>Fuente.</b> Creación propia</p>			

Una vez identificados los elementos de un gráfico estadístico se pasa a realizar la lectura e interpretación del mismo, para lo cual se debe tener en cuenta el conjunto de elementos como un todo y relacionar la información que cada uno proporciona, como parte de un análisis global, mas no fragmentado. Sobre dichas acciones existen diversas

teorías relacionadas con los niveles de lectura e interpretación de gráficos estadísticos, una de ellas es la que proponen Gerber, Boulton-Lewis y Bruce (1995) citados por Arteaga (2011) quienes presentan niveles asociados a los niveles de lectura e interpretación que plantea Curcio (1987), tal y como se presenta en la Tabla 3.

Según Curcio (1987)	Según Gerber, Boulton-Lewis y Bruce (1995) citados por Arteaga (2011)
<i>Leer los datos.</i> Realizar solo una lectura literal de la información presentada en el gráfico.	<i>Nivel 1.</i> Asociar algunas características de los datos teniendo en cuenta los conocimientos que se tienen de la vida cotidiana o basándose en experiencias personales. <i>Nivel 2.</i> Interpretar aspectos parciales de los datos, es decir, leer solo uno de los datos representados en el gráfico y no apreciar el propósito de este. <i>Nivel 3.</i> Apreciar el propósito del gráfico y analizar todos los elementos uno a uno, sin emitir una conclusión general relacionada con los datos.
<i>Leer dentro de los datos.</i> Realizar una lectura e interpretación de algo que no está explícitamente en el gráfico, por medio de procedimientos matemáticos y la comparación de los datos.	<i>Nivel 4.</i> Analizar una a una las variables del gráfico, pero no conjuntamente, es decir, formular una conclusión por cada variable, pero no frente a la información general presentada en el gráfico. <i>Nivel 5.</i> Emitir conclusiones con base en la comparación de las diferentes variables estadísticas que están involucradas en el gráfico. <i>Nivel 6.</i> Validar las hipótesis que se tienen sobre un tema específico basándose en la información presentada por el gráfico.
<i>Leer más allá de los datos.</i> Realizar predicciones e inferencias a partir de la información representada en el gráfico.	<i>Nivel 7.</i> Realizar predicciones con base en la información presentada en el gráfico.
<b>Tabla 3.</b> Niveles de lectura e interpretación de gráficos estadísticos <b>Fuente.</b> Curcio (1987) y Gerber, Boulton-Lewis y Bruce (1995) citados por Arteaga (2011)	

Considerando que la lectura e interpretación de gráficos estadísticos contribuye en la formación de ciudadanos estadísticamente cultos, se propone una relación entre los niveles de lectura e interpretación de gráficos y la Alfabetización estadística, el Razonamiento estadístico y el Pensamiento estadístico, relación que se presenta en la Imagen 1. Es de aclarar que dentro de esta propuesta se tiene en cuenta lo referido a lectura e interpretación de gráficos, asunto específico de este taller, lo que no implica que sean estos procesos los únicos necesarios para aportar a la formación de un ciudadano estadísticamente culto, sino que es uno de los elementos necesarios para el desarrollo del pensamiento aleatorio.



## METODOLOGÍA DE DESARROLLO DEL TALLER

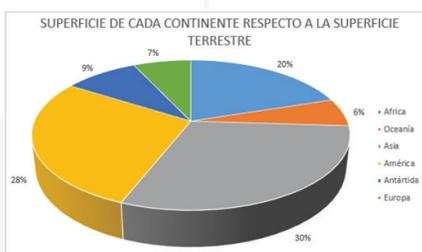
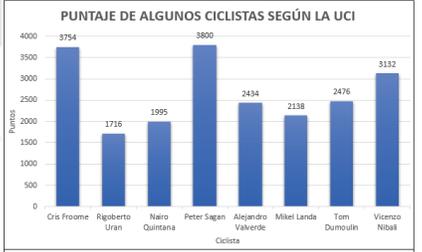
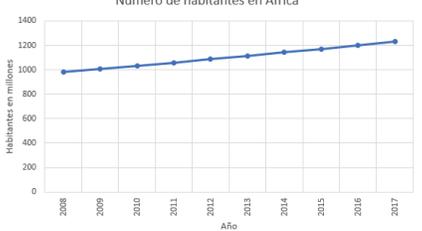
El taller se plantea teniendo en cuenta aspectos de la metodología de enseñanza Escenarios de Aprendizaje y las recomendaciones expresas en la GAISE.

Descripción	Justificación
<p>En la primera sesión del Taller, se proyectan los gráficos estadísticos 1 y 2 (Anexo A) pidiéndole a los asistentes que de manera individual identifiquen los elementos constitutivos y el significado de cada uno de estos, reportándolos en una regilla (Anexo B). Luego se presentan los gráficos 3, 4, 5 y 6 (Anexo A) y se solicita que den respuesta, teniendo en cuenta la información brindada por estos, a preguntas tales como: ¿Qué pueden afirmar sobre las universidades teniendo en cuenta la información brindada por el gráfico? entre otras (Anexo B). Después se llevará a cabo la respectiva realimentación asociando y exponiendo desde las respuestas, los niveles de lectura e interpretación de gráficos estadísticos.</p>	<p>Según Azcarate y Cardeñoso (2011) se entiende por Escenario de Aprendizaje una representación organizada por el educador, alrededor de un tema significativo en la vida del estudiante y socialmente relevante. Estos escenarios están organizados didácticamente con un guion dirigido al profesor, que le permite orientar la reflexión e indagación del estudiante, con pautas de actuación individualizada y con pautas para el trabajo cooperativo.</p>
<p>En la segunda sesión, los asistentes se organizan en grupos de 5 personas. Se presentan los gráficos estadísticos del 7 al 12 (Anexo A), a partir de los cuales deben formular conclusiones en relación con la información expuesta en cada gráfico, además de dar respuesta a algunas preguntas que se les irán haciendo durante el desarrollo de la sesión, por ejemplo: ¿Qué pueden afirmar sobre el estado físico y el nivel de defensa de los jugadores? ¿Qué pueden afirmar sobre el género de los nacidos en el 2006? entre otras (Anexo B). Después, se hará la respectiva socialización y realimentación relacionando la teoría acerca de los niveles de interpretación de gráficos estadísticos.</p>	<p>Por otro lado, se atiende a recomendaciones de la GAISE (Franklin, Kader, Newborn, Moreno, Peck, Perry &amp; Scheaffer, 2007) tales como:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Hacer uso de datos reales, o cercanos al contexto del estudiante.</li> <li>• Fomentar un aprendizaje activo en el aula de clase.</li> <li>• Realizar evaluación permanente para realimentar el aprendizaje.</li> </ul>

**Tabla 4.** Momentos de desarrollo del Taller  
**Fuente.** Creación propia

## DESCRIPCIÓN DE LAS ACTIVIDADES

Durante las dos sesiones del taller se presentarán los gráficos estadísticos del Anexo A (Tabla 5), con el fin de ir involucrando a los asistentes en el campo de la lectura e interpretación de gráficos relacionados con situaciones de la vida cotidiana (deportes, entretenimiento, educación, política, entre otros).

Momento	Descripción	Propósitos	Ejemplo
1	Se mostrarán los gráficos estadísticos 1 y 2, a partir de los cuales los asistentes deberán identificar los elementos constitutivos.	<p>Verificar si se reconocen en un gráfico estadístico sus elementos constitutivos.</p> <p>Identificar el conocimiento sobre el significado de los elementos constituyentes del gráfico estadístico.</p> <p>Comprobar si usan los elementos y el significado de estos para determinar el contexto y veracidad de los datos.</p>	 <p>SUPERFICIE DE CADA CONTINENTE RESPECTO A LA SUPERFICIE TERRESTRE</p> <p>Datos tomados en el 2018 de <a href="http://saberpratico.com">saberpratico.com</a> Fuente: Elaboración propia tomando datos de atlas de geografía del mundo</p>
2	<p>Se presentarán los gráficos estadísticos del 3 al 6, tomados intencionalmente para que los asistentes realicen una lectura sobre la información allí reportada.</p> <p>Cabe resaltar que el nivel en el que se puede llegar a ubicar a un ciudadano, no se determinan por el gráfico sino por las argumentaciones que se dan sobre su contenido.</p>	<p>Identificar niveles de lectura e interpretación de gráficos estadísticos de algunos de los asistentes, a la luz de la teoría propuesta por Gerber, Boulton-Lewis y Bruce (1995) citados por Arteaga (2011).</p> <p>Aportar al desarrollo de cultura estadística de los participantes, potenciando la capacidad de leer y evaluar información expuesta en gráficos estadísticos presentados en medios de comunicación, y poder comunicar o discutir en torno a la información presentada por estos (Gal, 2002).</p>	 <p>PUNTAJE DE ALGUNOS CICLISTAS SEGÚN LA UCI</p> <p>Datos tomados en el 2018 de la página oficial de la Union Cycliste Internationale (UCI) Fuente: Elaboración propia</p>
3	Se presentarán los gráficos estadísticos del 7, al 12 esperando que los participantes hagan una lectura e interpretación de cada uno.		 <p>Número de habitantes en África</p> <p>Habitantes en millones</p> <p>Año</p> <p>Fuente: <a href="http://www.poblacion.population.city/world-of">http://www.poblacion.population.city/world-of</a></p>

**Tabla 5.** Descripción del material a trabajar en el Taller

Fuente. Creación propia

## REFLEXIONES

Un taller similar a este se trabajó en 2017 con estudiantes de grado undécimo de una institución educativa pública, como parte de la práctica inicial relacionada con el espacio académico Enseñanza y Aprendizaje de la Estadística, de la Licenciatura en Matemáticas de la Universidad Pedagógica Nacional. En la primera sesión, por medio de una carrera de observación se evidenció que los estudiantes se encontraban en el Nivel IV de lectura e interpretación de gráficos estadísticos debido a que un alto porcentaje comparaba una a una las variables estadísticas presentes en los gráficos, pero no las analizaban conjuntamente, por tanto, formulaban una conclusión por cada variable, pero no frente a la información global del estudio. Teniendo en cuenta el nivel en que se encontraban, se plantearon actividades similares a las de este taller con el fin de promover el paso al Nivel V, logrando que el 80% de los participantes pasaran del Nivel IV al Nivel V, debido a que al finalizar el taller emitían conclusiones o formulaban argumentos basados en la totalidad de la información presentada en el gráfico, logrando en varios casos establecer relaciones entre dos o más variables estadísticas inmersas en el estudio.

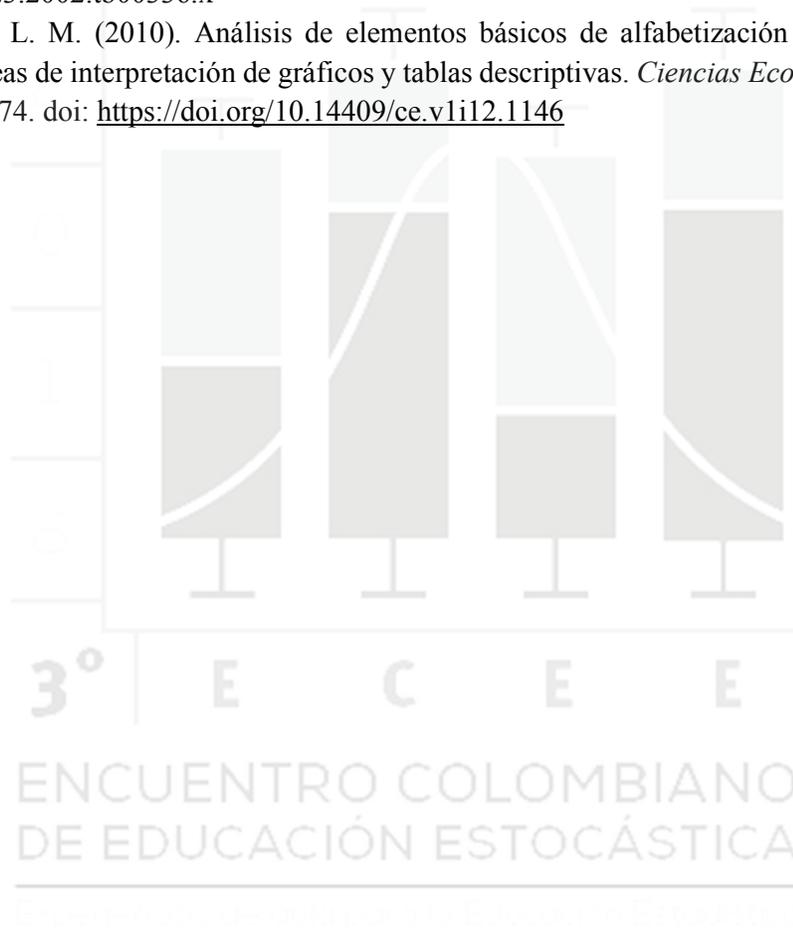
De los resultados de esta práctica surge el interés de los autores de esta ponencia, de seguir en el proceso de contribuir en la formación estadística de los ciudadanos a partir de los procesos de lectura e interpretación de gráficos estadísticos, además de dar a conocer a los docentes en ejercicio y futuros docentes de estadística los argumentos teóricos que soportan el proceso de formación, esto es, los niveles de lectura e interpretación desde determinado enfoque teórico.

Por último es importante tener en cuenta que este taller es una propuesta para contribuir con la formación de ciudadanos estadísticamente cultos, pero no es el único foco de atención al cual se debe orientar la formación, pues solo la lectura e interpretación adecuada de gráficos estadísticos es suficiente para desarrollar el Pensamiento Aleatorio.

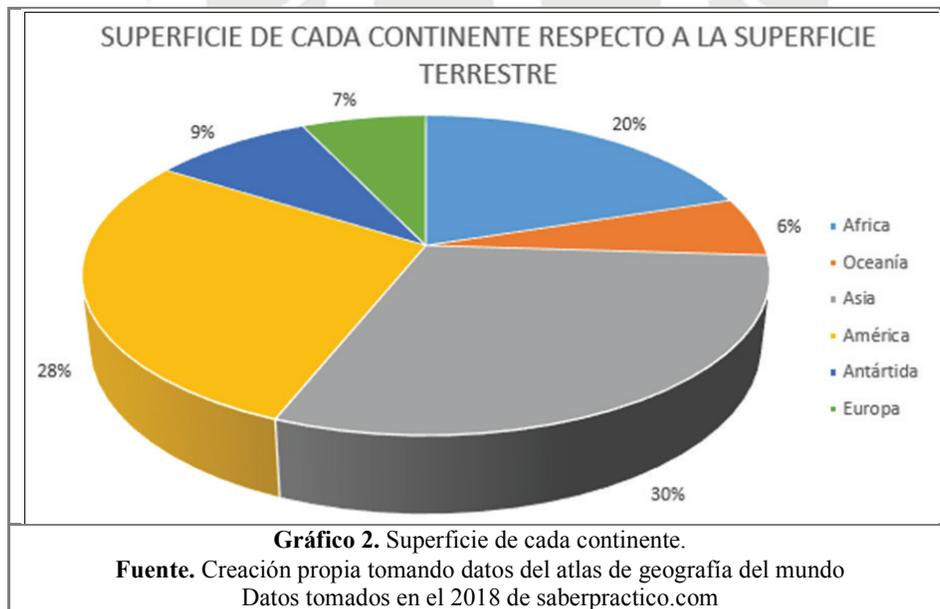
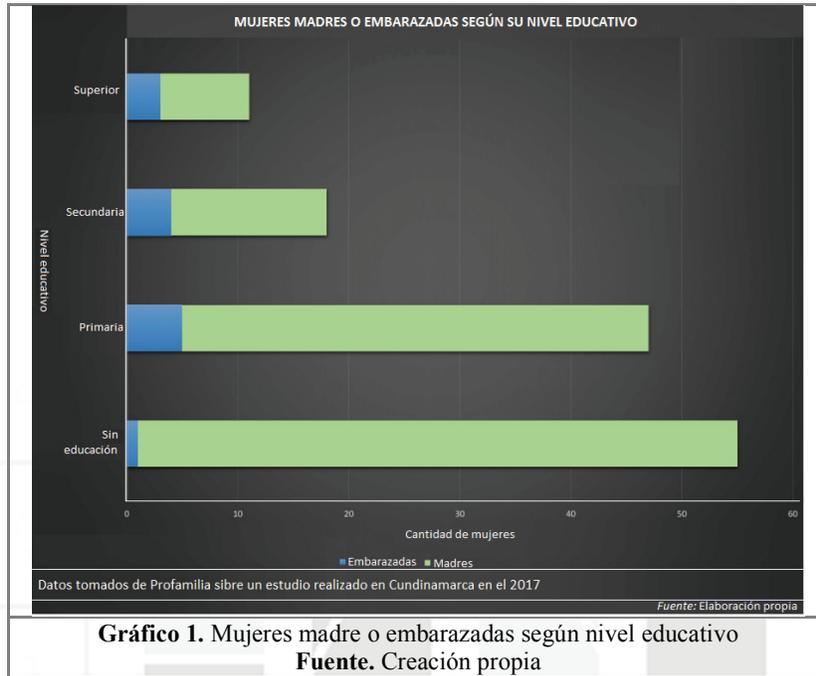
## REFERENCIAS

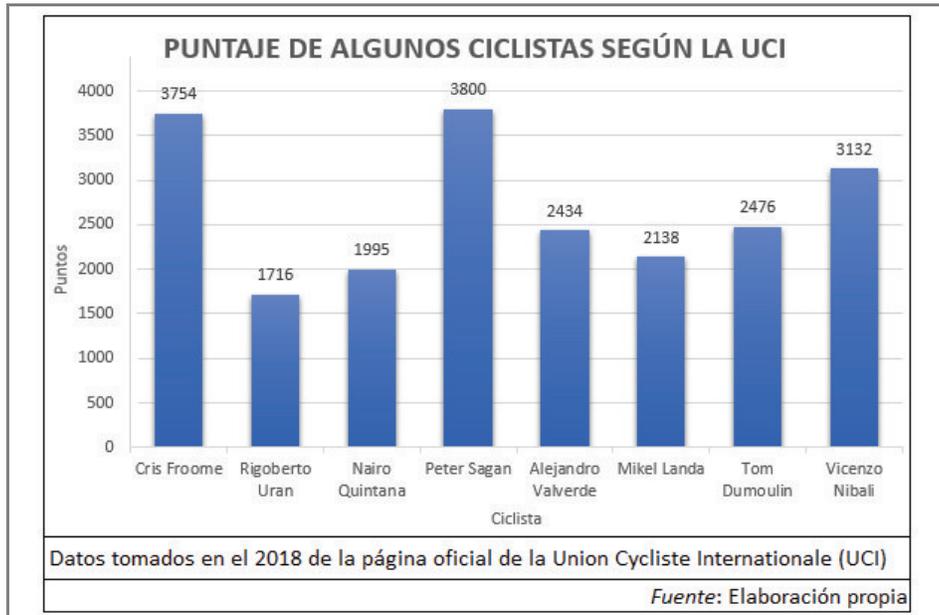
- Arteaga, J. P. (2011). *Evaluación de conocimientos sobre gráficos estadísticos y conocimientos didácticos de futuros profesores*. (Tesis doctoral). Recuperada de <http://www.ugr.es/~batanero/pages/ARTICULOS/artega.pdf>
- Azcárate, P. & Cardeñoso, J. M. (diciembre, 2011). La enseñanza de la Estadística a través de escenarios: implicación en el desarrollo profesional. *Boletim de Educação Matemática*. 40(24), 789-810. Recuperado de <http://www.redalyc.org/articulo.oa?id=291222113009>
- Batanero, C. (2002). Los retos de la cultura estadística. Conferencia inaugural en *Jornadas Interamericanas de Enseñanza de la Estadística*. Buenos Aires, Argentina.

- Curcio, F. R. (noviembre, 1987). Comprehension of mathematical relationships expressed in graphs. *Journal for Research in Mathematics Education*, 18(5), 382-393. doi: 10.2307/749086. Recuperado de <https://www.jstor.org/stable/749086>
- Franklin, C., Kader, G., Newborn, D., Moreno, J., Peck, R., Perry, M., & Scheaffer, R. (2007). *Guidelines for Assessment and Instruction in Statistics Education (GAISE) Report*. Alexandria: American Statistical Association.
- Gal, I. (2002). Adult's statistical literacy. Meanings, components, responsibilities *International Statistical Review*, 70(1), 1-25. <https://doi.org/10.1111/j.1751-5823.2002.tb00336.x>
- Tauber, L. M. (2010). Análisis de elementos básicos de alfabetización estadística en tareas de interpretación de gráficos y tablas descriptivas. *Ciencias Económicas*. 1(8), 53-74. doi: <https://doi.org/10.14409/ce.v1i12.1146>

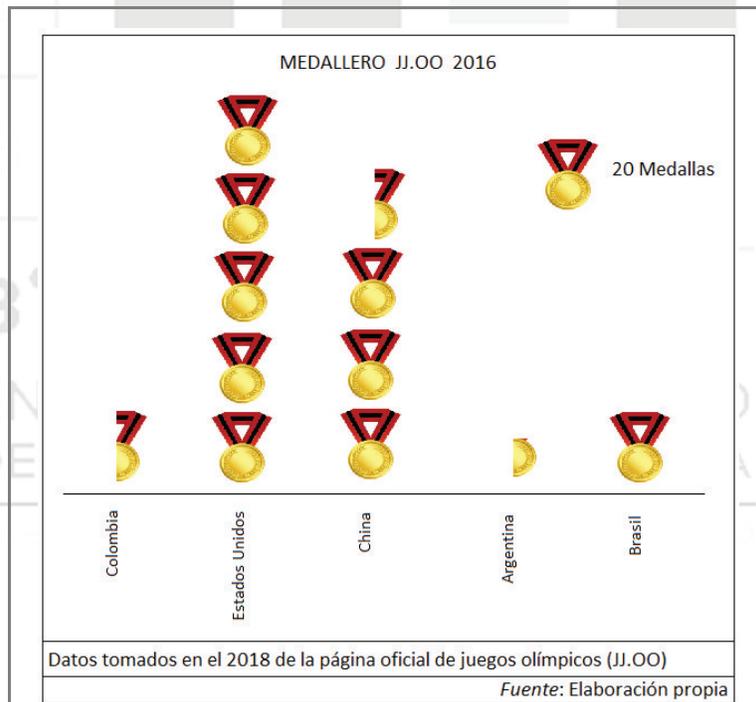


## ANEXO A. GRÁFICOS ESTADÍSTICOS

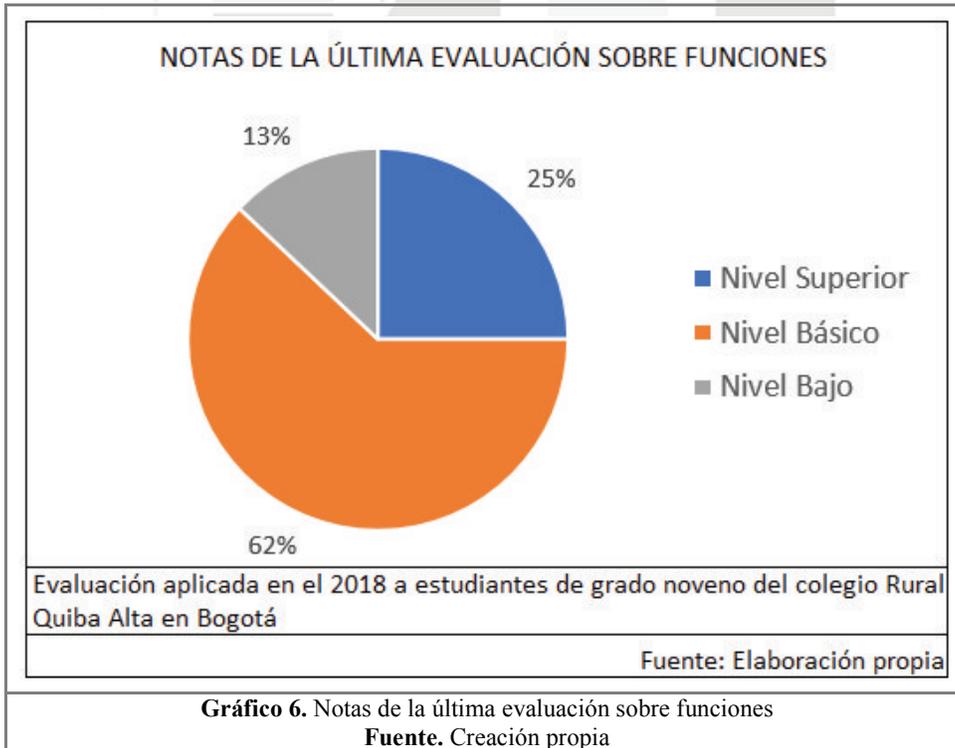
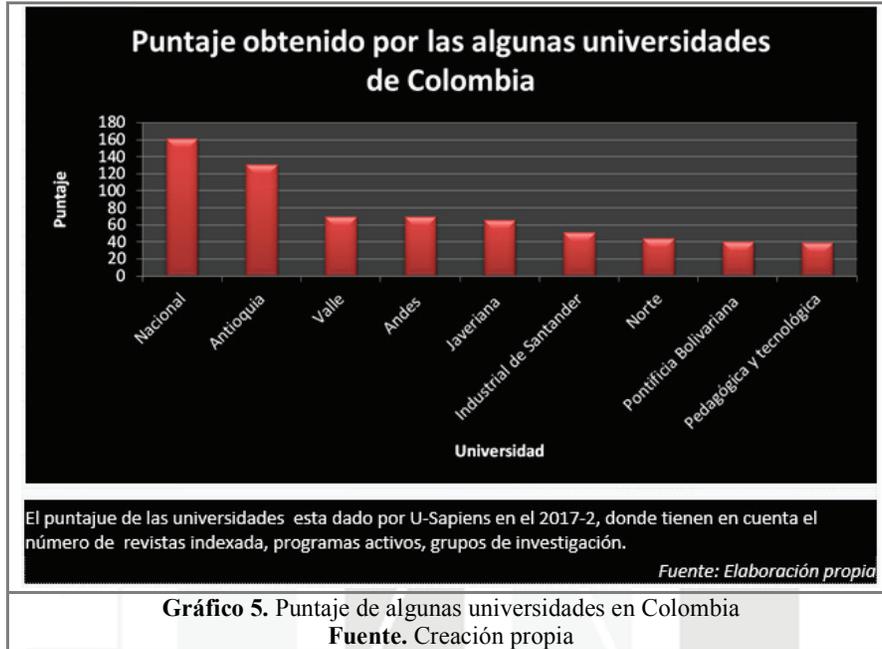


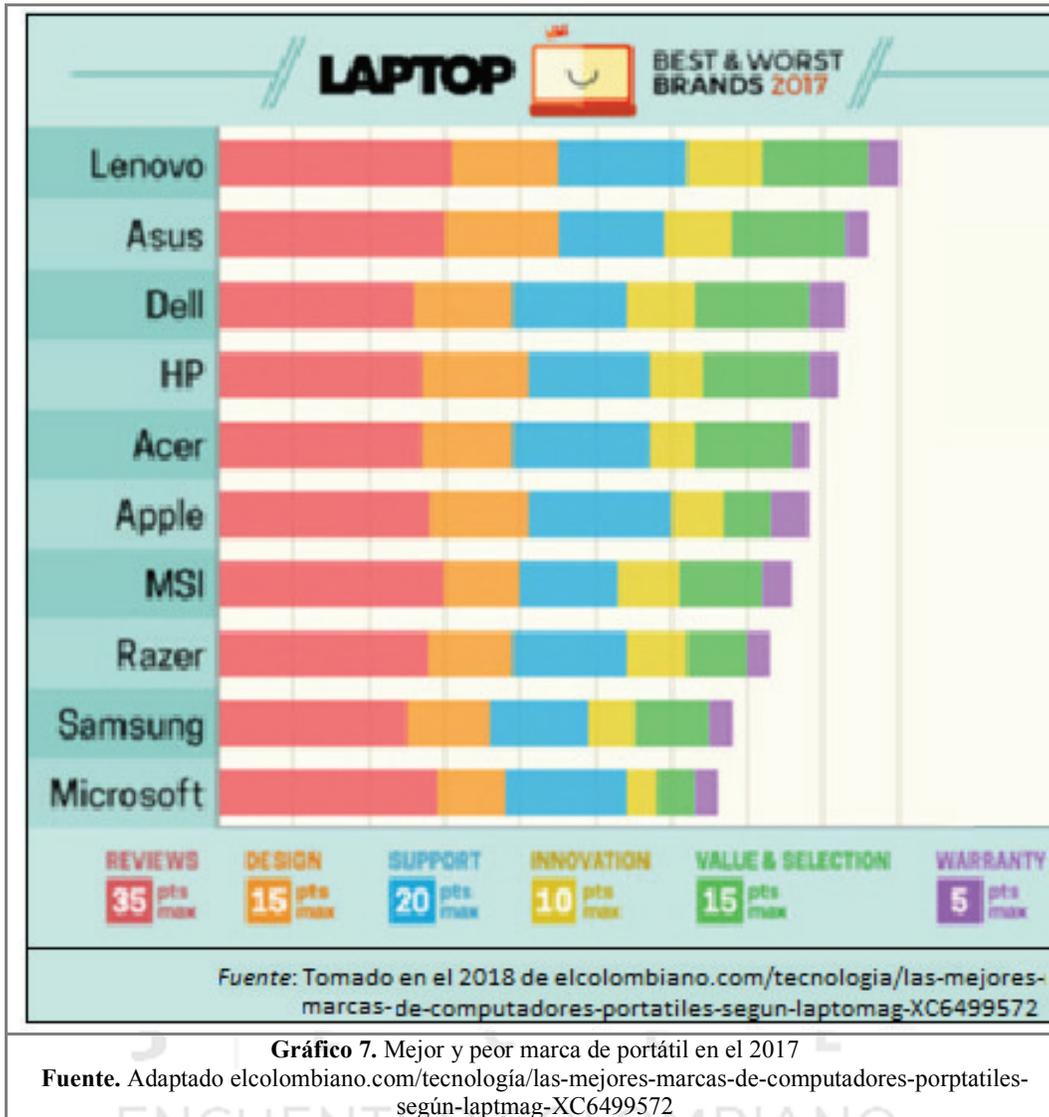


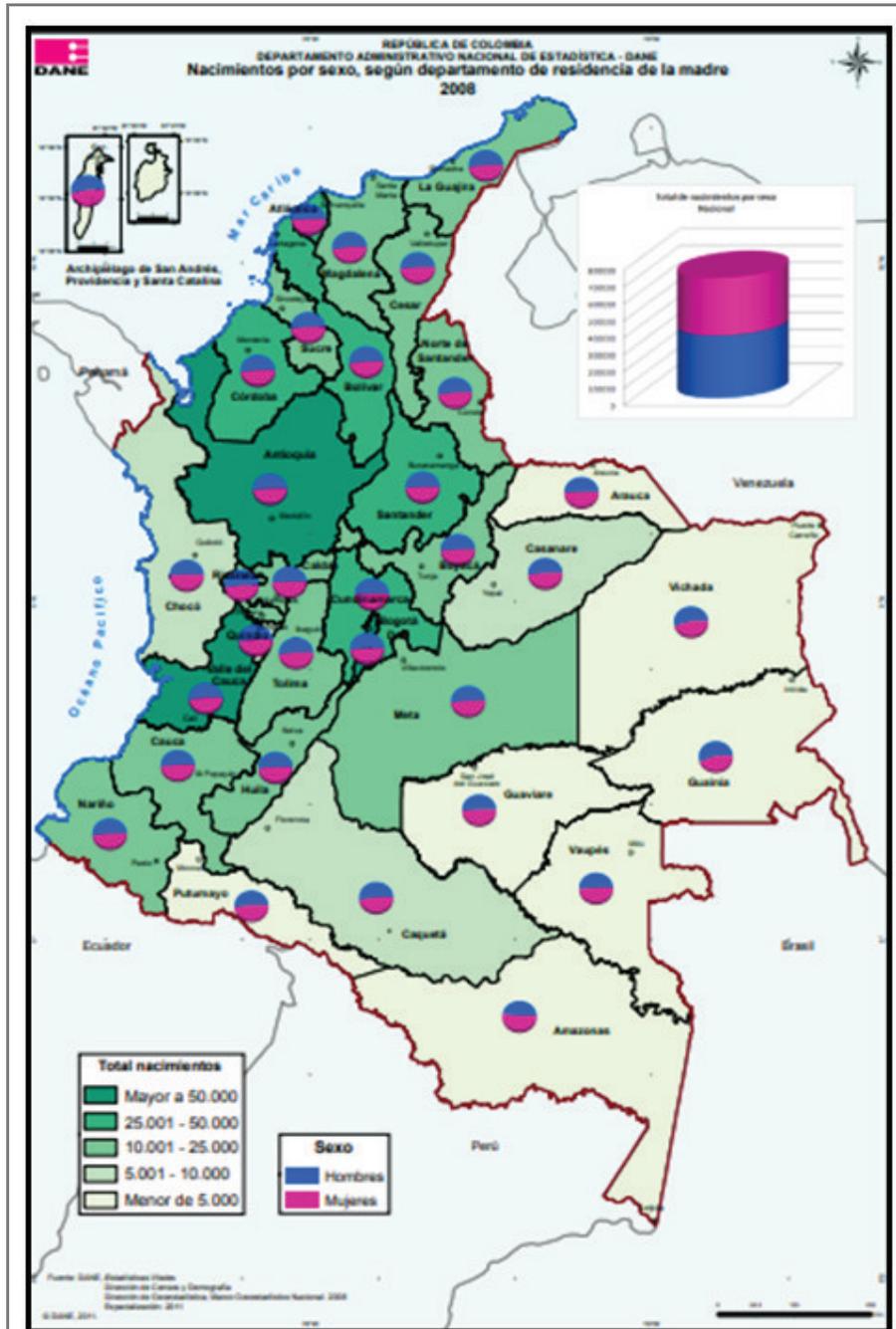
**Gráfico 3.** Puntaje de alguno ciclistas  
Fuente. Creación propia



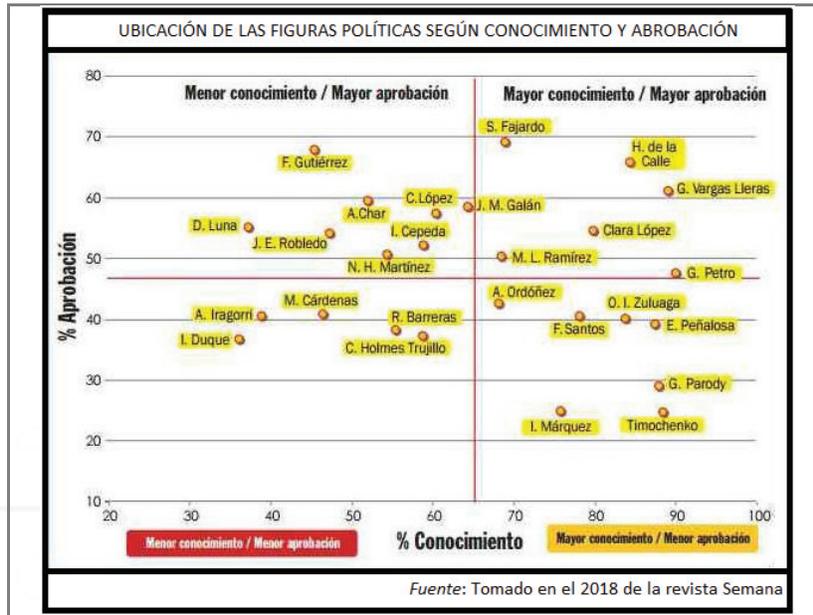
**Gráfico 4.** Medallero juegos olímpico 2016  
Fuente. Creación propia



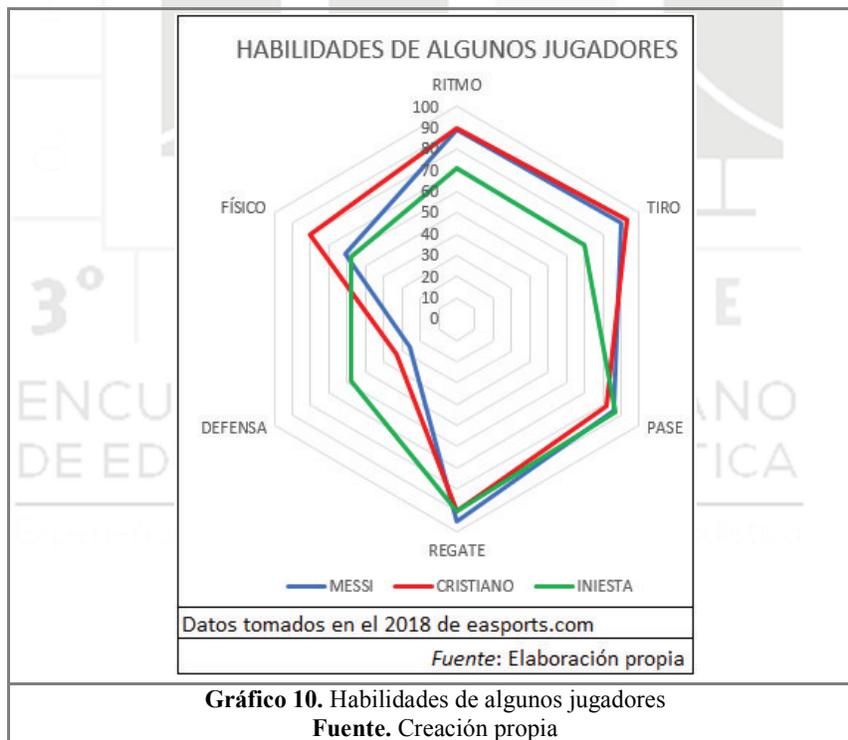




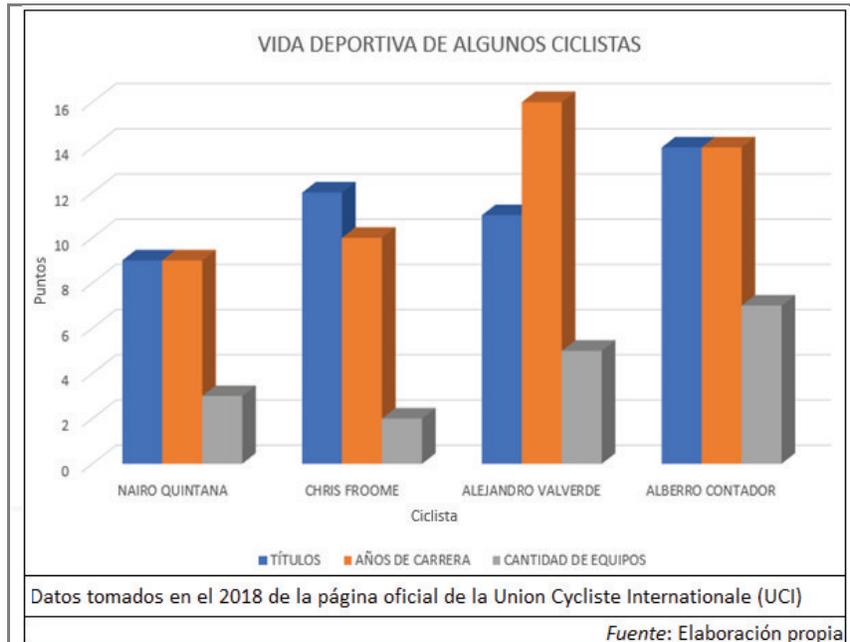
**Gráfico 8.** Nacimientos en Colombia por departamento en el 2008  
**Fuente.** Adaptado de DANE (2008)



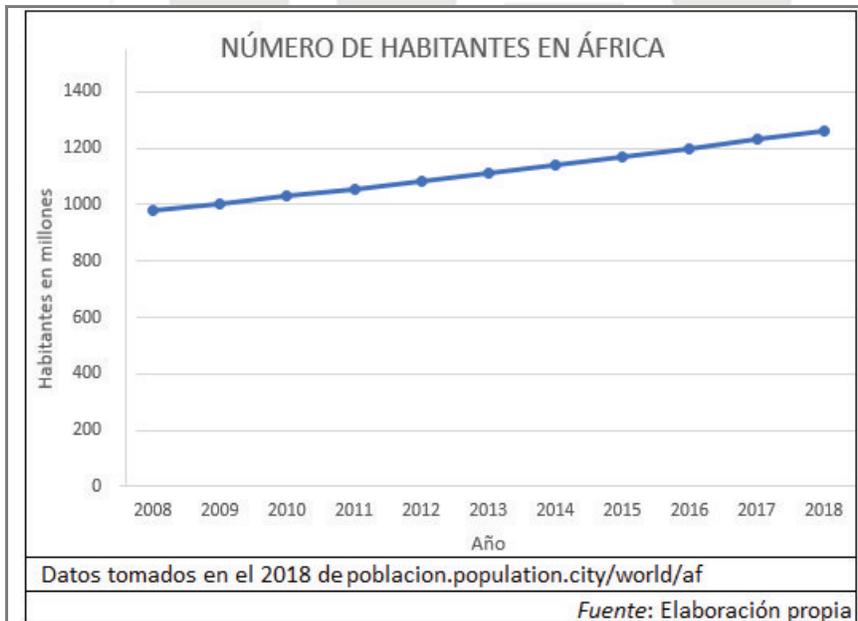
**Gráfico 9.** Aceptación y conocimiento de algunas figuras políticas  
**Fuente.** Adaptado de Revista Semana (2018)



**Gráfico 10.** Habilidades de algunos jugadores  
**Fuente.** Creación propia



**Gráfico 11.** Vida deportista de algunos ciclistas  
**Fuente.** Creación propia



**Gráfico 12.** Número de habitantes en África  
**Fuente.** Creación propia

## ANEXO B. PREGUNTAS

Gráfico #1

¿Cuáles son los elementos del gráfico estadístico y qué información brindan?

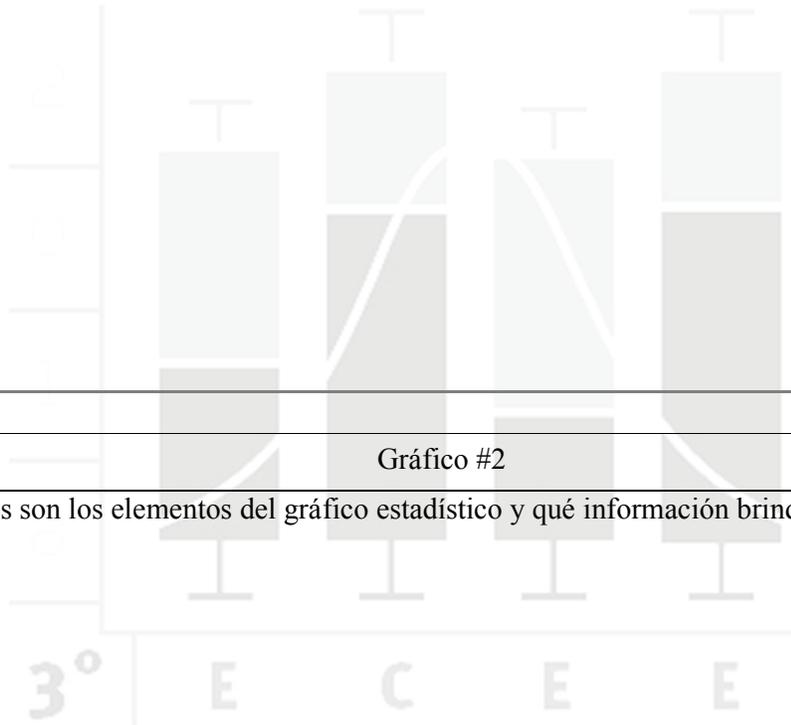


Gráfico #2

¿Cuáles son los elementos del gráfico estadístico y qué información brindan?



Gráfico #3

¿Qué pueden afirmar de los ciclistas teniendo en cuenta la información brindada por el gráfico estadístico?

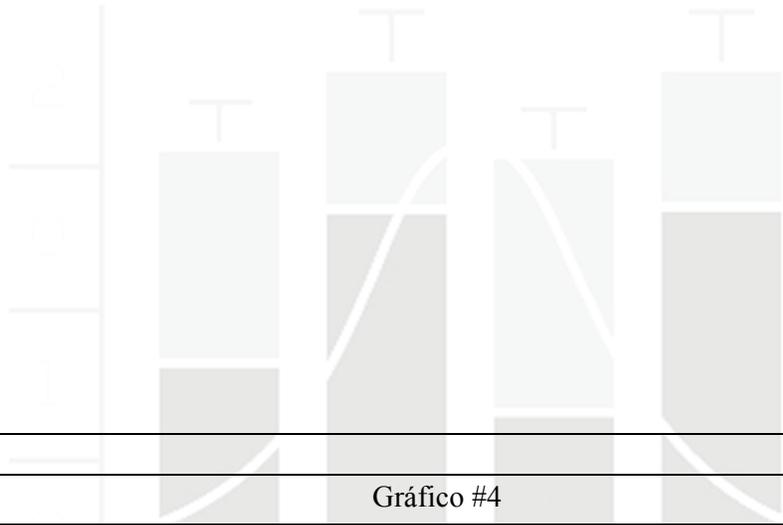


Gráfico #4

¿Qué pueden afirmar de los países y las medallas teniendo en cuenta la información brindada por el gráfico estadístico?



Gráfico #5

¿Qué pueden afirmar sobre las universidades teniendo en cuenta la información brindada por el gráfico estadístico?

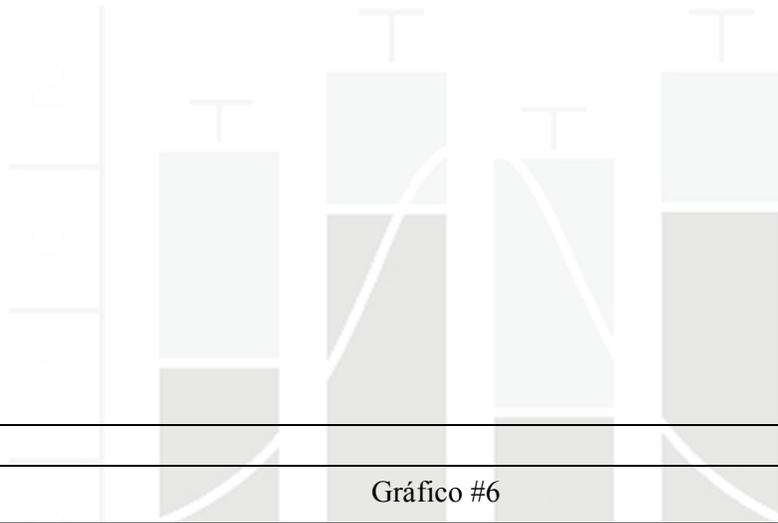


Gráfico #6

Teniendo en cuenta la información brindada por el gráfico estadístico ¿cómo les fue a los estudiantes de grado noveno del Colegio Rural Quiba Alta?



Gráfico #7

¿Qué pueden afirmar respecto a las marcas de los portátiles y los índices de calidad teniendo en cuenta la información brindada por el gráfico estadístico?

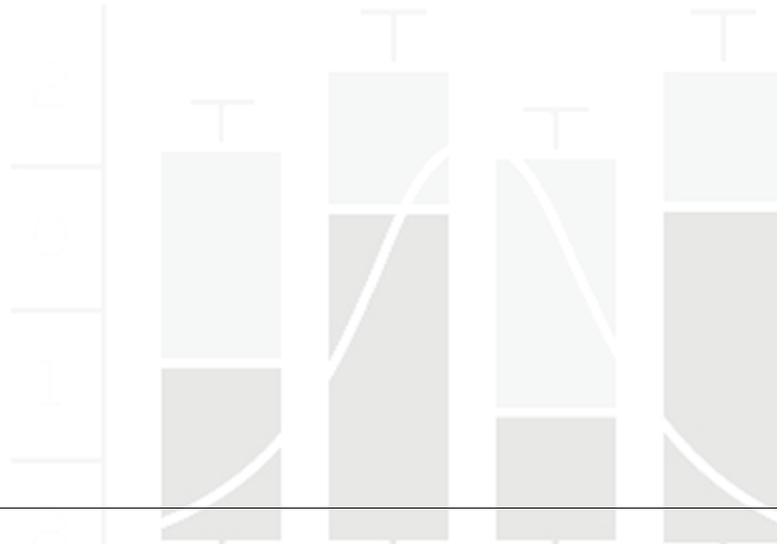


Gráfico #8

¿Qué pueden afirmar sobre la tasa de nacimientos teniendo en cuenta la información brindada por el gráfico estadístico?



¿Qué pueden afirmar sobre el género de los nacidos en el 2006?

Gráfico #9

¿Qué información puede extraer del gráfico estadístico?

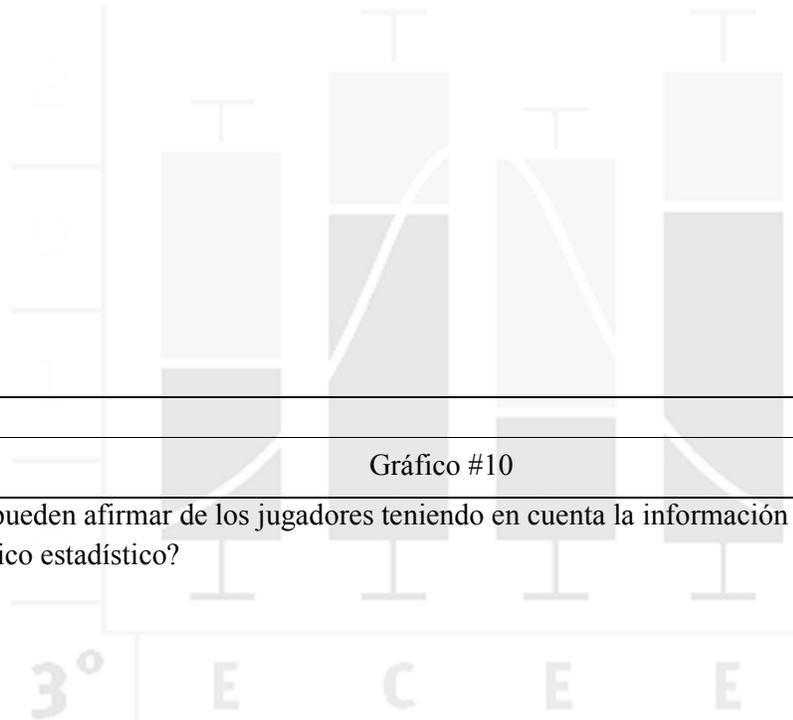


Gráfico #10

¿Qué pueden afirmar de los jugadores teniendo en cuenta la información brindada por el gráfico estadístico?

¿Qué pueden afirmar sobre el estado físico y el nivel de defensa?

¿Qué pueden afirmar sobre el ritmo, la capacidad de tiro, pase y habilidades de regate de los jugadores?

Gráfico #11

¿Qué pueden afirmar sobre la vida deportiva de los ciclistas teniendo en cuenta la información brindada por el gráfico estadístico?

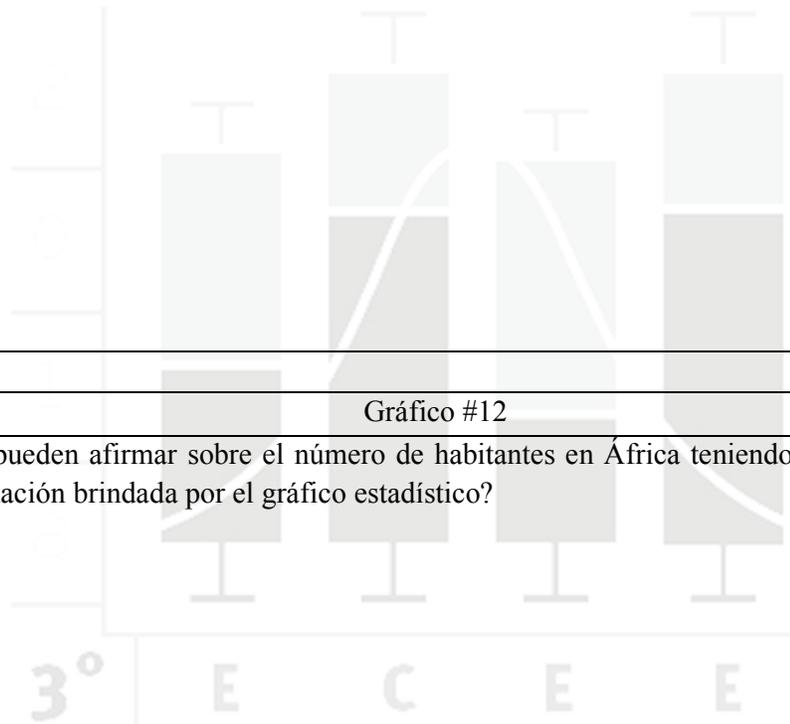


Gráfico #12

¿Qué pueden afirmar sobre el número de habitantes en África teniendo en cuenta la información brindada por el gráfico estadístico?

